



<b>2</b>	<b>点と点との距離</b>	<p><b>【ねらい】</b> 2点間を結ぶ直線や曲線について考えることを通して、2点間の距離が最短になるのは2点を両端とする線分であるということと、その線分の長さの表し方を理解することができる。</p>
----------	----------------	--

本時の役割について

本時は、2点間の距離とは線分の長さを示すことを理解するとともに、コンパスは等しい距離をとることができる道具だと理解できるようにする。そして、等しい距離に着目し、コンパスを使用して線分の長さが等しいことを確かめたり、長さを表したり、元の線分の何倍かの長さの線分をコンパスを使って表すことができるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <p>2点 A, B を結ぶ線の中で、 1番短い線をかいてみよう。</p> <div style="text-align: center;"> </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>・“線”だから、いっぱいいろいろな線をかくことができる。</li> <li>・“1番短い”は真っすぐな線である線分になると思う。</li> </ul>	<p><b>1. 導入の工夫</b></p> <p>2点 A, B を結ぶ直線や曲線をいくつもかくことによつて、実際に見たり、測ったりして長さの違いに気付くことができるようにする。</p> <p>そこで、「いくつか2点 A, B を線で結びましたが、なぜ1番短い線が線分になるのかな」と問うことで、少しでも直線からずれると、遠回りになってしまうことを理解することができるようにする。</p>
07	<p>2点を結ぶ線について、その長さ、表し方を理解しよう。</p> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・AB間の距離は、線分ABの長さで3cm。</li> </ul> <p style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;">線分ABの長さを2点A, B間の距離といい、ABと表す。</p> <p style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-top: 10px;"><b>線分の長さの表し方</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・線分ABの長さが3cmであることを、<math>AB=3\text{cm}</math></li> <li>・2つの線分AB, CDの長さが等しいことを、<math>AB=CD</math>と表す。</li> <li>・線分AEの長さが線分ABの2倍であることは、<math>AE=2AB</math>と表す。</li> </ul>	<p><b>2. 深い学びに迫る指導</b></p> <p>コンパスを使うことによつて、もとの線分の整数倍の線分をかくことを理解させるための発問</p> <p>「なぜ2倍の線分をかくときにコンパスを使うのだろう。」と問うことで、コンパスは等しい長さを測り取る道具であることを想起し、等しい長さを正確にとるにはコンパスが必要であると理解を深める。</p>
35	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p> <p style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 5px;"><b>カシオペア座</b></p> <p>直線ABと直線DEとの交点をFとして、線分FCをFからCの方向に延長して、 <math>FG=6FC</math> となる点Gをとると、その点が北極星の位置になる。 北極星の位置を示しなさい。</p> <div style="text-align: right;"> </div>	

△ 点と点の距離

線分ABは2点AB間の距離を「AB」と表す

線分ABの長さを3cmと表す

線分CDの長さを3cmと表す

線分AEの長さを6cmと表す

FG=6FC

FGはFCの6倍

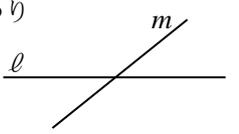
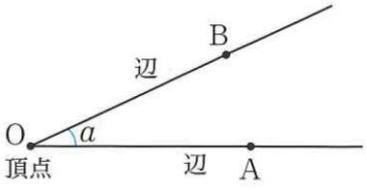
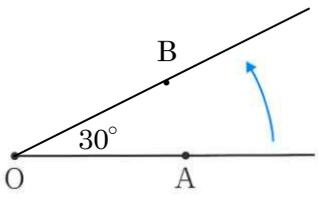
コンパスで測る

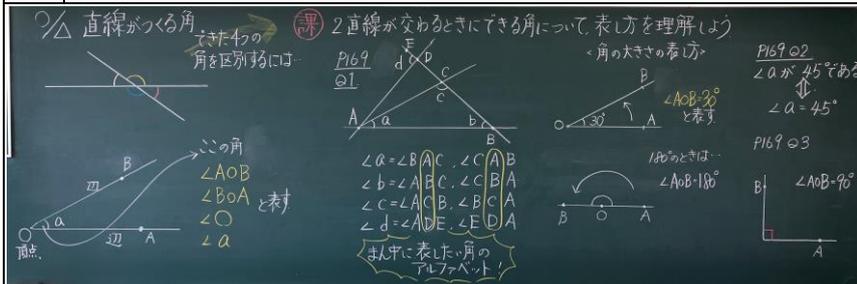
**【評価規準】〈知識・技能〉**  
2点間の距離は線分の長さであること、その長さの表し方、かき方を理解し、表すことができる。  
知②

<b>3</b>	<b>直線がつくる角</b>	<p><b>【ねらい】</b> 2直線が交わることによってできた角を記号∠を用いて表すことができる。</p>
----------	----------------	--

本時の役割について

本時は、平面上の2直線が交わることによってできる角の表し方を理解する時間である。角を頂点からの2つ半直線が開いてできているという見方をして、記号∠を用いて表すことができるようにする。

欄	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p><b>&lt;問題提示&gt;</b></p> <p>交わる2直線<math>l, m</math>をかき、交点のまわりのできる角について調べよう。</p>  <ul style="list-style-type: none"> <li>・交点のまわりに4つの角ができる。</li> <li>・4つの角を区別しないとイケない。</li> </ul>	<p><b>1. 導入の工夫</b></p> <p>全員がそれぞれ違う交わり方をする2直線(水平な直線がなく、どちらも斜めな直線)をかくことで、“右上”等の位置では1つの角を特定できないことに気付くことができるようにする。</p> <p>そこで、「2直線<math>l, m</math>が交わってできた角はどこか。」と問うことで、4つの角があり、それを区別するため、それぞれ名前が必要であるという見通しをもてるようにする。</p> <p><b>2. 深い学びに迫る指導</b></p> <p>1つの角を記号∠とアルファベット3つを用いて表すことができるようにするための発問</p> <p>「1つの角をアルファベット3つを使って表すとき、その3つのアルファベットはどんな並び方でもよいのか。」と問うことで、頂点のアルファベットが必ず真ん中でなければならぬ理解を深める。</p>
07	<p><b>&lt;個人追究・全体交流&gt;</b></p> <p>2直線が交わるときにできる角について、表し方を理解しよう。</p>  <ul style="list-style-type: none"> <li>・∠AOB</li> <li>・∠BOA</li> <li>・∠O</li> <li>・∠a と表す。</li> </ul> <p>・1点から引いた2つの半直線がつくる角</p>	
20	<p><b>&lt;個人追究・全体交流&gt;</b></p>  <p>頂点を中心に30°回転</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・∠AOB=30°</li> </ul>	
30	<p><b>&lt;個人追究・全体交流&gt;</b></p> <p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	

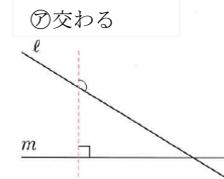
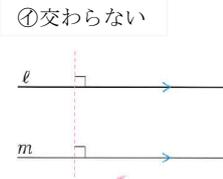
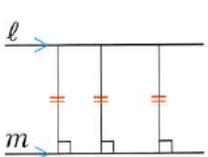


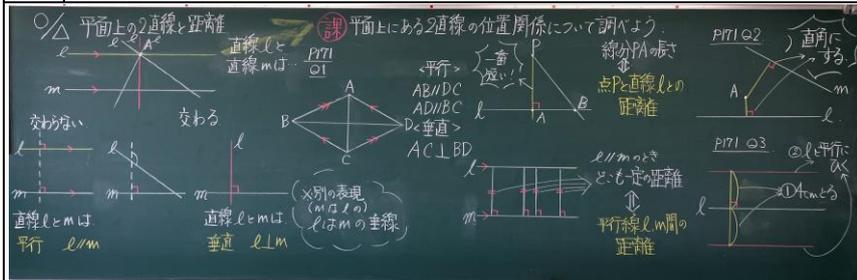
<p><b>【評価規準】</b> 〈思考・判断・表現〉 2直線がつくる角について理解し、記号∠を使って角を表すことができる。 思①</p>
---

4	平面上の2直線と距離	<p>【ねらい】</p> <p>平面上の2直線位置関係や点と直線, 2直線間の距離との関係について考え, かき表すことができる。</p>
---	------------	--

本時の役割について

本時は, 平面上の2直線の位置関係を調べる時間である。平面上では, 2直線の位置関係は, 交わる場合と交わらない場合のみで, 平行や垂直といった特別な場合を記号を用いて表すことができるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>次の図に, 点Aを通る直線をいくつかひいてみましょう。</p>  </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>点Aを通る直線はいくつもひくことができる</li> <li>少しだけ斜めな直線も, ずっと延ばしていくと交わる。</li> <li>平行なときだけ交わらない。</li> </ul>	<p>1. 導入の工夫</p> <p>平面上の2直線は「交わらない」場合は平行のみで, その他はすべて「交わる」場合であることを気付くことができるようにする。</p> <p>そこで, 平行ではなく紙面上では交わらない2直線を提示し, 「この場合も「交わらない」ではないのか。」と問うことで, 直線は両側に限りなく伸びる真っすぐな線であることを想起させ, 紙面を越えたところで交わるという見通しをもてるようにする。</p>
07	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>平面上にある2直線の位置関係について調べよう。</p> </div> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>2直線には, 「交わる」場合と「交わらない」場合の2種類ある。</li> </ul> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;"> <p>⑦交わる</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>⑧交わらない</p>  </div> </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>2直線 <math>l, m</math> が交わらないとき, 直線 <math>l</math> と <math>m</math> は<b>平行</b>といい <math>l // m</math> と表す。</li> <li>2直線 <math>l, m</math> が直角に交わっているとき, 直線 <math>l</math> と <math>m</math> は<b>垂直</b>といい <math>l \perp m</math> と表す。このとき <math>l</math> は <math>m</math> の<b>垂線</b>, <math>m</math> は <math>l</math> の垂線であるという。</li> </ul>	<p>2. 深い学びに迫る指導</p> <p><math>\angle A</math> の二等分線が補助線として必要であることを理解させるための発問</p> <p>「点と直線との距離, 2直線との距離の両方とも距離を示す線分は何であると言えるのか。」と問うことで, 直線との距離とは, 点でももう1つの直線でも垂線であるという理解を深める。</p>
25	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	
35	<p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;">  <p>点Pと直線 <math>l</math> との距離</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>平行線 <math>l, m</math> 間の距離</p> </div> </div>	



△ 平面上の2直線の距離

直線  $l$  と直線  $m$  は

交わらない

交わる

直線  $l$  と  $m$  は 平行  $l // m$

直線  $l$  と  $m$  は 垂直  $l \perp m$

平面上にある2直線の位置関係について調べよう

平行  $\rightarrow$   $AB // DC$ ,  $AD // BC$

垂直  $\rightarrow$   $AC \perp BD$

点Pと直線  $l$  との距離

平行線  $l, m$  間の距離

① 平行に交わる

② 垂直に交わる

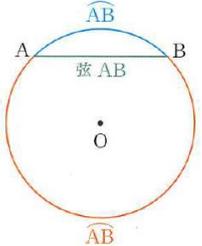
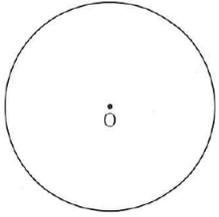
【評価規準】〈知識・技能〉

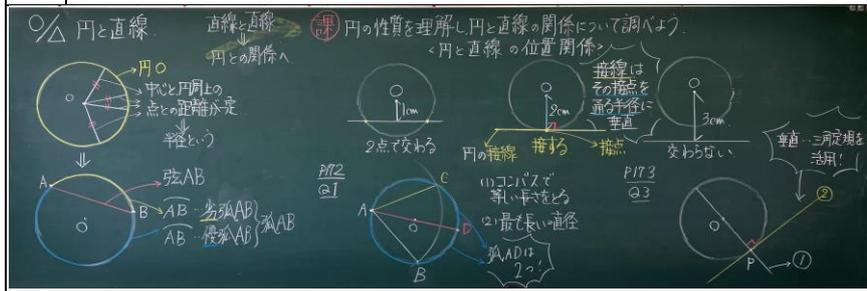
平行や垂直の意味や点と直線, 平行な2直線間の距離を理解し, 記号  $//$ ,  $\perp$  を用いて表すことができる。知②

<b>5</b>	<b>円と直線</b>	<p><b>【ねらい】</b>          円の中心から円周上の点までの距離について調べ、中心から一定であることを確認し、弧や弦について理解する。また、図形間の距離に着目して、円と直線の位置関係を理解することができる。</p>
----------	-------------	--

**本時の役割について**

本時は、2点間の距離をもとに円の定義を理解できるようにする。そして、弧や弦について理解する時間である。また、円と直線の位置関係を、距離に着目して調べ、円と直線とが交わってできる交点の数から接点、接線を定義し、その性質についてまとめることができるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 5px;">           点 O から 2 cm の距離にある点を見付けよう。         </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>半径 2 cm の円になる。</li> <li>点 O を中心とする円を <b>円 O</b> という。</li> </ul>	<p><b>1. 導入の工夫</b></p> <p>1 点から等しい距離にある点は何の方向にもあることに気付くことができるようにする。</p> <p>そこで、「1 点から 2 cm の距離は何の方向にもあるよね。」と問うことで、コンパスを用いて等しい 2 cm の距離を測り取することを理解し、それらの点の集合は円になる見通しをもてるようにする。</p> <p><b>2. 深い学びに迫る指導</b></p> <p>接線の性質を理解させるための発問</p> <p>「円と直線が 1 点で交わる時、円の半径と接線は必ず垂直になっているのか。」と問うことで、垂直に交わっていないと 2 つ目の交点ができるしまうことを理解し、接線の性質の理解を深める。</p>
05	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 5px;">           円の性質を理解し、円と直線の関係について調べよう。         </div> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p>  <ul style="list-style-type: none"> <li>円周の一部分を<b>弧</b>という。</li> <li>円周上の 2 点 A, B を両端とする弧を弧 AB といい、<math>\widehat{AB}</math> と表す。</li> <li>円周上の 2 点を結ぶ線分を<b>弦</b>といい、2 点 A, B を両端とする弦を弦 AB という。</li> </ul>	
20	○教科書の練習問題に取り組む。	
30	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 5px;">           右の図は、半径が 2 cm の円 O です。円と直線との位置の関係について調べましょう。           <div style="float: right; text-align: center;">  </div>           (1) 点 O からの距離が次のア～ウである直線をそれぞれひきなさい。  <b>ア : 1 cm    イ : 2 cm    ウ : 3 cm</b>            (2) それぞれ円 O といくつの交点で交わっていますか。         </div>	
35	<p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>円と直線とが 1 点で交わる時、円と直線は<b>接する</b>という。この直線を円の<b>接線</b>、交わる点を<b>接点</b>という。</li> <li>円の接線は、その接点を通る半径に垂直である。</li> </ul> <p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	

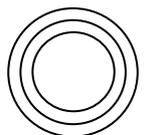


<p><b>【評価規準】〈知識・技能〉</b>          円と直線の位置関係を円の中心と直線との距離に着目して理解することができる。知③</p>
--

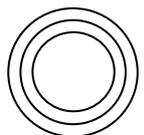
<b>6</b>	<b>円とおうぎ形①</b>	<p><b>【ねらい】</b>          円周率を<math>\pi</math>で表すことを知り、円周の長さや円の面積を<math>\pi</math>を使って表すことができる。また、おうぎ形や中心角の意味を理解し、弧の長さと面積は中心角の大きさに比例することを理解することができる。</p>
----------	----------------	---

本時の役割について

本時は、小学校で学習した円周率を中学校では $\pi$ で表すことを理解し、文字式として円周の長さや円、おうぎ形の面積を計算する時間である。また、おうぎ形の弧の長さや面積を求めることを通して、中心角の大きさに比例することを見だし、理解できるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <p>的の円の面積や円周の長さを求めてみましょう。(直径122cm)</p> 	<p><b>1. 導入の工夫</b>          円周率を3.14として様々な面積や円周の長さを求めることで、計算結果の桁数が大きくなり、難しさや面倒さを感じられるようにする。          そこで、中学校では円周率を<math>\pi</math>で表すこと、文字式のように計算することができることを説明し、円がどんな大きさになっても計算しやすくなる見通しをもてるようにする。</p> <p><b>2. 深い学びに迫る指導</b>          1つの円では、おうぎ形の弧の長さや面積は中心角の大きさに比例することを理解させるための発問          「中心角を2倍にすると大きくなった分のおうぎ形はもとのおうぎ形とぴったり重なるから、弧の長さや面積は何倍になるの。」と問うことで、弧の長さや面積は中心角の大きさに比例するという理解を深める。</p>
10	<p>円の面積、周の長さはどのような計算で求めるのだろう。</p> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <p>・どんな大きさの円でも、(円周)÷(直径)の値は一定で、  <math>3.14159265358979323\dots</math>          ふつう、円周率を<math>\pi</math>で表す。</p>	
25	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	
30	<p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <p>・弧とその両端を通る2つの半径で囲まれた図形を<b>おうぎ形</b>という。</p> <p>・<math>\angle AOB</math>を弧ABに対する<b>中心角</b>という。</p> <p>・<math>\angle AOB</math>を2倍、3倍、<math>\dots</math>すると、弧の長さ、面積も2倍、3倍、<math>\dots</math>となる。</p>	
40	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	

的の円の面積や円周の長さを求めてみましょう。(直径122cm)

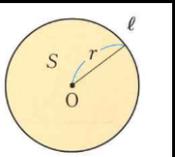


- ・的全体の面積は、 $61 \times 61 \times 3.14 = 11683.94 \text{ cm}^2$
- ・的全体の円周の長さは、 $122 \times 3.14 = 383.08 \text{ cm}$
- ・円周率3.14で計算するのが難しいし、めんどう。

円の面積、周の長さはどのような計算で求めるのだろう。

- <個人追究・全体交流>
- ・どんな大きさの円でも、(円周)÷(直径)の値は一定で、  
 $3.14159265358979323\dots$   
 ふつう、円周率を $\pi$ で表す。

半径  $r$  の円で、円周の長さを  $l$ 、円の面積  $S$  をとすると、  
 円周の長さ  $l = 2\pi r$   
 円の面積  $S = \pi r^2$



- 教科書の練習問題に取り組む。
- <個人追究・全体交流>
- ・弧とその両端を通る2つの半径で囲まれた図形を**おうぎ形**という。
  - ・ $\angle AOB$ を弧ABに対する**中心角**という。
  - ・ $\angle AOB$ を2倍、3倍、 $\dots$ すると、弧の長さ、面積も2倍、3倍、 $\dots$ となる。
- 1つの円では、おうぎ形の弧の長さや面積は中心角の大きさに比例する。

△ 円とおうぎ形

的全体の円の面積  $61 \times 61 \times 3.14$  求め方は変わらない  
 的全体の円周の長さ  $122 \times 3.14$

<円周の長さや円の面積>

○円周の長さ  
 $l = 2 \times \text{半径} \times \text{円周率}$   
 $l = 2 \times r \times \pi$   
 $l = 2\pi r$

○円の面積  
 $S = \text{半径} \times \text{半径} \times \text{円周率}$   
 $S = r \times r \times \pi$   
 $S = \pi r^2$

円は対称な図形  
 文字列前

おうぎ形  
 おうぎ形ABの中心角

中心角の大きさを2倍3倍...  
 おうぎ形の弧の長さや面積も2倍3倍...  
 比例の関係!

P174 Q1  $l = 2 \times \pi \times 4 = 8\pi (\text{cm})$   
 $S = 4 \times 4 \times \pi = 16\pi (\text{cm}^2)$

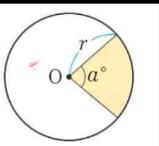
P175 Q2 (1)

**【評価規準】〈知識・技能〉**  
 1つの円では、おうぎ形の弧の長さや面積は中心角の大きさに比例することを理解し、円周の長さや円の面積を、 $\pi$ を使って表すことができる。知④

7	円とおうぎ形②	<p><b>【ねらい】</b>  おうぎ形の弧の長さ、面積、中心角を円の円周の長さや面積をもとに求めることができる。</p>
---	---------	--

本時の役割について

本時は、おうぎ形の弧の長さや面積、中心角の大きさを円周の長さや面積をもとに求める時間である。おうぎ形が円全体の何分のいくつになっているかを考えることを通して、中心角が様々な場合でも正確に求めることができるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           半径が 6 cm、中心角が 120° のおうぎ形の弧の長さや面積の求め方を考えましょう。         </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>・ 中心角が 120° だから、もとの円の 3分の1だ。</li> <li>・ 弧の長さももとの円の 3分の1になる。</li> </ul>	<p>1. 導入の工夫</p> <p>おうぎ形の弧の長さや面積は中心角の大きさに比例していることを想起できるように、もとの円を点線でかいた図を提示する。</p> <p>そこで、「このおうぎ形の弧の長さや面積は、もとの円のいくつ分になるのだろうか。」と問うことで、比例関係から視覚的に 3分の1になるという見通しをもてるようにする。</p>
07	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           おうぎ形の弧の長さ、面積はどのように求めるのだろうか。         </div> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・ 1つの円で、おうぎ形の弧の長さや面積は、中心角の大きさに比例するので、</li> <li>・ (弧の長さ) <math>12 \times \pi \times 1/3 = 4\pi</math>                      <math>4\pi</math> (cm)</li> <li>・ (面積)        <math>6 \times 6 \times \pi \times 1/3 = 12\pi</math>                <math>12\pi</math> (cm<sup>2</sup>)</li> </ul>	<p>2. 深い学びに迫る指導</p> <p>中心角の大きさを求めるために弧の長さからもとの円の何分のいくつかを考える必要があることを理解させるための発問</p>
10	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           半径 <math>r</math>、中心角を <math>a</math> をとすると、            弧の長さ <math>l = 2\pi r \times a^\circ / 360</math>            面積 <math>S = \pi r^2 \times a^\circ / 360</math> </div> 	<p>「おうぎ形の半径と弧の長さしか分かっていないのに、どうすれば中心角の大きさが求めることができるのだろうか。」と問うことで、中心角の大きさと弧の長さは比例していることを利用してもとの円の何分のいくつかを考えることができるという理解を深める。</p>
20	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p> <p>&lt;問題提示&gt;</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           半径が 6 cm、弧の長さが <math>8\pi</math> cm のおうぎ形があります。このおうぎ形の中心角の求め方を考えましょう。         </div>	
30	<p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・ おうぎ形の中心角を <math>x^\circ</math> とすると、 <math>2\pi \times 6 \times x / 360 = 8\pi</math>  <math>x = 240^\circ</math></li> <li>・ <math>x = 360 \times 8\pi / 12\pi</math>                      <math>x = 240^\circ</math></li> </ul>	
35	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	

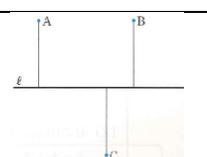


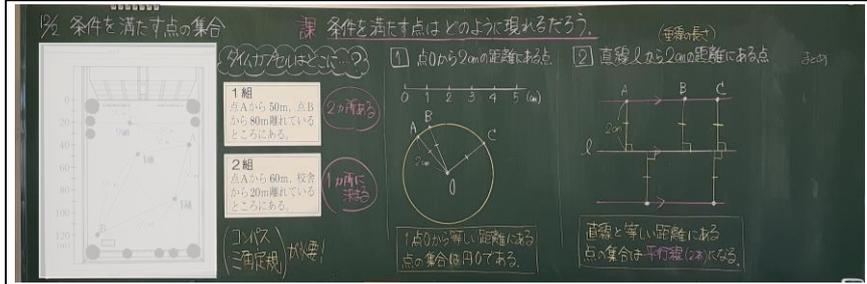
<p><b>【評価規準】〈知識・技能〉</b>  おうぎ形の弧の長さ、面積、中心角を、比例関係を利用して、もとの円の円周の長さや面積をもとに求めることができる。知⑤</p>
--

<b>8</b>	<b>条件を満たす点の集合</b>	<p><b>【ねらい】</b> ある点から等しい距離にある点の集まりをコンパスを利用して見付けることを通して、条件を満たす点の集合が円や平行な2つの直線となることを理解することができる。</p>
----------	-------------------	---

本時の役割について

本時は、点や直線から距離の等しい図形を調べる時間である。1点から等しい距離にある点の集合が円であることや、1つの直線から等しい距離にある点の集合がその直線に平行な2直線となることを理解できるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <p>1組と2組の卒業生が、校庭にタイムカプセルを埋めました。その地点はどこでしょうか。</p> <p>1組：点Aから50m、点Bから80m離れている 2組：点Aから60m、校舎から20m離れている</p> <p>・コンパスを使って調べれば場所が求められそうだ。</p>	<p><b>1. 導入の工夫</b></p> <p>タイムカプセルの場所を探す活動を位置付け、決められた条件をもとに生徒とともに探すことができるようにする。</p> <p>そこで、「1つの条件しかなかった場合は、どこか分からなかったけれど、2つ目の条件があると場所は分かっただのか。」と問うことで、条件が2つあると、不特定であった場所がある程度限定されることを理解できるようにする。</p>
07	<p>条件を満たす点はどのように現れるだろう。</p> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <p>・1組のタイムカプセルは、コンパスを使って点Aと点Bを中心に、50mと80mの半径で円をかけばいい。2つの円の交点が2つできるから、そのどちらかに埋めてあることになる。</p> <p>・2組のタイムカプセルは、点Aを中心に半径60mの円と、校舎から20mの距離で、校舎に対して平行な直線を引けばいい。円と直線の交点が2つできるけれど、校庭内にあるのは1点だ。</p> <p>・点から等しい距離にある点の集合は、コンパスを使って円をかけばいい。</p> <p>・直線から等しい距離にある点の集合は、三角定規で平行線をかけばいい。</p> <p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	<p><b>2. 深い学びに迫る指導</b></p> <p>直線や円などの基本的な図形をある条件を満たす点の集合としてみることを理解させるための発問</p> <p>「平行線上のいくつかの点は、もとの直線から考えてどのような点の集合といえることができるの。」と問うことで、平行線は、ある直線から等しい距離にある点の集合であるという理解を深める。</p>
20	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <p>直線<i>l</i>から2cmの距離にある点をとりにさい。どのような線の上に並んでいるとみることができますか。</p>	
30	 <p>・1つの直線<i>l</i>から等しい距離にある点の集合は、平行な2直線になる。</p>	
40	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>	



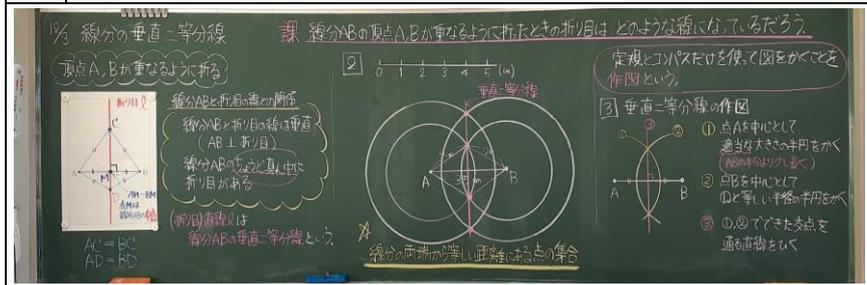
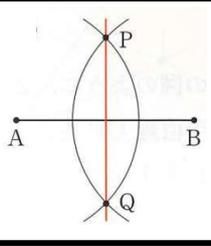
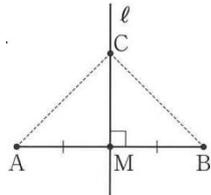
<p><b>【評価規準】〈知識・技能〉</b> コンパスや定規を利用して、条件を満たす点を見付けることができる。</p> <p style="text-align: right;">知②</p>
---

<b>9</b>	<b>線分の垂直二等分線</b>	<p><b>【ねらい】</b> 異なる2点から等しい距離にある点の集合は、その2点を端とする線分の垂直二等分線になることを知り、直定規やコンパスを利用して、線分の垂直二等分線を作図することができる。</p>
----------	------------------	---

本時の役割について

本時は、異なる2点から等しい距離にある点の集合（2点を端とする線分の垂直二等分線）について考察し、作図方法を身に付ける時間である。2点が重なるように折った紙の折り目の線と、その2点を端とする線分の位置関係を観察することで、線対称な図形の性質をもとに作図方法を考えるという解析的な思考ができるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
00	<p><b>&lt;問題提示&gt;</b></p> <p>紙に2点A, Bをかき、その2点がぴったり重なるように紙を折ります。紙を開いたときの折り目の線と2点A, Bはどのような関係がありますか。</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・線分ABと折り目の線は垂直に交わっている。</li> <li>・2点A, Bのどちらからも距離が等しいように見える。</li> </ul>	<p><b>1. 導入の工夫</b></p> <p>線分ABがかかれた紙を用意し、全員が実際に紙を折ることで、折り目が線分ABを垂直に二等分することを視覚的にとらえることができるようにする。</p> <p>そこで、「折り目の線は線分ABとどのような位置関係にあるか。」と問うことで、垂直二等分線の特徴を理解する見直しをもてるようにする。</p>
10	<p>線分ABの頂点A, Bが重なるように折ったときの折り目はどのような線になっているだろう。</p> <p><b>&lt;個人追究・全体交流&gt;</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・折り目を<math>l</math>とすると、線分<math>AB \perp l</math>になる。</li> <li>・線分ABと直線の交点をMとすると<math>AM = BM</math>で、直線上にとった点を点Pとすると<math>AP = BP</math>。</li> <li>・線対称な図形ができている。</li> <li>・実際に測ったことから、折り目は線分ABの垂直二等分線になっている。</li> </ul> <p>○線分の垂直二等分線の作図の仕方を理解する。</p>	
30	<p><b>線分の垂直二等分線</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>①点Aを中心として、適当な大きさの半径の円をかく。</li> <li>②点Bを中心として、①と等しい半径の円をかき、その交点をPQとする。</li> <li>③直線PQをひく。</li> </ol>	<p><b>2. 深い学びに迫る指導</b></p> <p>線分の垂直二等分線のかき方の正しさを理解させるための発問</p> <p>「コンパスを利用することは、この操作でどのような点を見付けているのだろうか。」と問うことで、垂直二等分線は、線分の両端から等しい距離にある点の集合であることへの理解を深める。</p>
40	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>・線分CDの垂直二等分線を作図すれば、定規でCDの長さを測らなくても中点を見付けることができる。</li> </ul>	



<p><b>【評価規準】&lt;知識・技能&gt;</b> コンパス操作の意味を理解し、線分の垂直二等分線を作図することができる。知⑥</p>
---

<b>10</b>	<b>角の二等分線</b>	<p><b>【ねらい】</b> 角をつくっている2辺からの距離が等しい点の集合は、角の二等分線になることを知り、線対称な図形の性質をもとに、角の二等分線を作図することができる。</p>
-----------	---------------	--

**本時の役割について**

本時は、異なる2直線から等しい距離にある点の集合（角の二等分線）について考察し、作図方法を身に付ける時間である。2辺が重なるように折った紙の折り目の線と、その2辺によってできる角の位置関係を観察することで、線対称な図形の性質をもとに作図方法を考えるという解析的な思考ができるようにする。

時間	学習活動	深い学びに迫るための指導
----	------	--------------

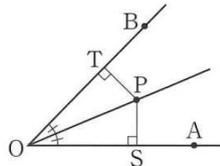
00 <問題提示>  
紙に $\angle AOB$ をかき、辺OAと辺OBが重なるように紙を折ります。紙を開いたときの折り目の線と2辺OA, OBにはどのような関係がありますか。

- ・折り目の線は $\angle AOB$ を2つに分けている線になりそうだ。
- ・折り目の線上の点からOA, OBの距離は等しくなる。

10 角をつくるOA, OBが重なるように折ったときの折り目はどのような線になっているだろう。

**<個人追究・全体交流>**

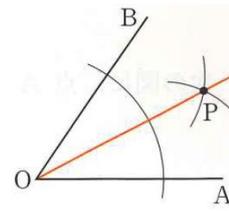
- ・折り目をとすると、上の点からOA, OBへの距離は等しくなる。
- ・上の点をPとすると $\angle AOP = \angle BOP$ 。
- ・ $\triangle AOP$ と $\triangle BOP$ は線対称な図形だ。
- ・実際に測ったことから、折り目は $\angle AOB$ の二等分線になっている。



30 ○角の二等分線の作図の仕方を理解する。

**角の二等分線**

- ①点Oを中心とする円をかき、辺OA, OBとの交点をそれぞれC, Dとする。
- ②点C, Dをそれぞれ中心として、半径が等しい円を交わるようにかき、 $\angle AOB$ の内部にある交点をPとする。
- ③半直線OPをひく。

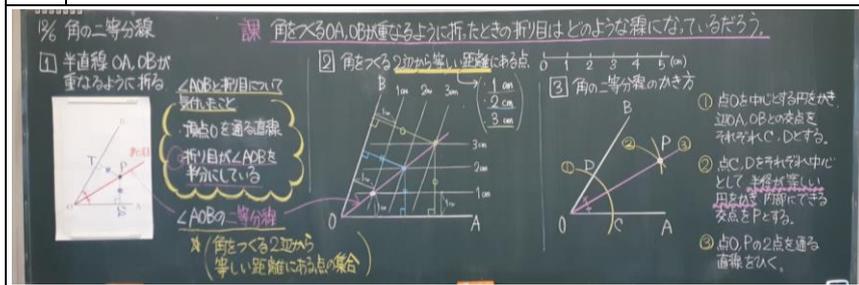


40 ○教科書の練習問題に取り組む。  
・ $\angle COD$ の二等分線で $60^\circ$ を作図して、次に $60^\circ$ の二等分線を作図すれば $30^\circ$ が作図できる。

**深い学びに迫るための指導**

1. 導入の工夫  
 $\angle AOB$ がかかれた紙を用意し、全員が実際に紙を折ることで、折り目が $\angle AOB$ を二等分することを視覚的にとらえることができるようにする。  
そこで、「折り目の線は2辺OA, OBとどのような位置関係にあるか。」と問うことで、二等分線の特徴を理解する見直しをもてるようにする。

2. 深い学びに迫る指導  
角の二等分線のかき方の正しさを理解させるための発問  
「点Pと点A, Bとをそれぞれ結んでできる2つの三角形はどんな関係があるのだろうか。」と問うことで、角の二等分線は、合同な2つの三角形の対応する角で等しいと理解を深める。

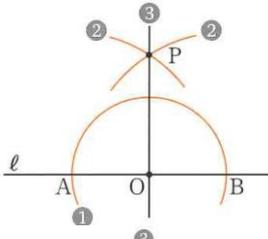
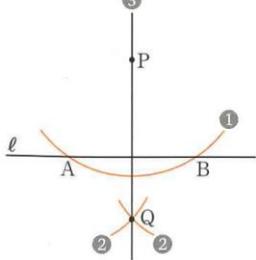
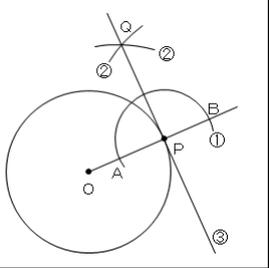


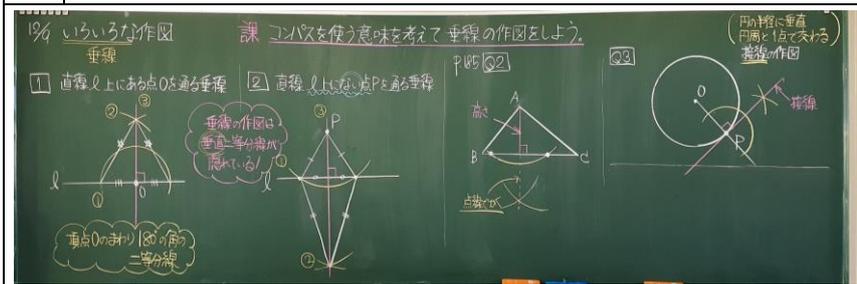
**【評価規準】〈知識・技能〉**  
角の二等分線を作図することができる。  
**知⑥**

11	いろいろな作図	<p>【ねらい】 線分の垂直二等分線をもとにすれば、垂線や接線を作図できることに気づき、その作図方法を説明することができる。</p>
----	---------	--

本時の役割について

本時は、いろいろな図形の作図方法を、線分の垂直二等分線をもとに説明する時間である。図形の作図方法を理解したり、作図したりすることのみならず、どのような点や線が必要なのかを考えることを通して、目的に応じて線分の垂直二等分線を活用できるようにする。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導	
00	<p>&lt;問題提示&gt;</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;">直線 <math>l</math> 上の点 <math>O</math> を通る垂線を作図しよう。</div> <ul style="list-style-type: none"> <li>線分の垂直二等分線を使えないかなあ。</li> </ul>	<p>1. 導入の工夫 通る点が直線 <math>l</math> 上にある場合とない場合を同時に 2 つ提示することで、問題の違いについて考えることができるようにする。 そこで、「前回の授業で学習したことを使って垂線をひくことはできないか。」と問うことで、線分の垂直二等分線を利用しようとする見通しをもてるようにする。</p> <p>2. 深い学びに迫る指導 垂線を作図するには線分の垂直二等分線を活用することに気付かせるための発問 「直線上通る点がある場合もない場合もコンパスで 2 点 <math>A, B</math> から等しい距離を見付けているのはなぜだろうか。」と問うことで、垂線の作図は線分の垂直二等分線がもとになっているという理解を深める。</p>	
07	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px;">コンパスを使う意味を考えて垂線を作図しよう。</div> <p>&lt;個人追究・全体交流&gt;</p> <p>○直線 <math>l</math> 上の点 <math>O</math> を通る垂線</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>点 <math>O</math> を中心として円をかけば、点 <math>O</math> から等しい距離にある両端 <math>A, B</math> ができる。</li> <li>点 <math>A, B</math> から等しい距離の点を 1 つ見付ければ、垂線がひける。</li> </ol> <p>○直線 <math>l</math> 上にない点 <math>P</math> を通る垂線</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>点 <math>P</math> を中心として円をかけば、点 <math>P</math> から等しい距離にある直線 <math>l</math> 上の 2 点 <math>A, B</math> ができる。</li> <li>点 <math>A, B</math> から等しい距離の点を 1 つ見付ければ、垂線がひける。</li> </ol> <p>・どちらも垂直二等分線を利用している。</p>		
			
			
25	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p><b>円の接線</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>半径 <math>OP</math> を <math>P</math> の方へ延長し、点 <math>P</math> を中心とした円と半直線 <math>OP</math> の交点をそれぞれ <math>A, B</math> とする。</li> <li>2 点 <math>A, B</math> から等しい距離にある点 <math>Q</math> をとる。</li> <li><math>PQ</math> を通る線をひく。</li> </ol> </div>		
40	<p>○教科書の練習問題に取り組む。</p>		



【評価規準】〈思考・判断・表現〉  
線分の垂直二等分線の作図方法をもとに、いろいろな垂線や円の接線が作図することができ、その作図方法を説明することができる。思①



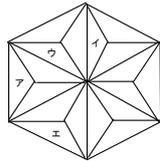
<b>14</b>	<b>いろいろな移動</b>	<b>【ねらい】</b> 合同な図形を見つけることを通して、平行移動、回転移動、対称移動を理解し、回転の中心や対称軸を図形から見いだすことができる。
-----------	----------------	---

本時の役割について

本時は、平行移動、回転移動、対称移動を理解する時間である。小学校では1つの図形においての対称性を扱うが、図形を移動の見方からとらえ、図形間の関係として対称性を考えることは初めてである。移動して重ねることを考えたり、1つの図形を移動する前と後で比較したりすることで、図形の性質をとらえたりする時間ととらえた。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
----	---------	--------------

00 <問題提示>  
右の様子は、ある1つの図形をもとにして、それを次々に動かしてつくったものとみることができる。どの図形をどのように動かしたのだろうか。



- 07
- ・すべて同じ大きさの直角三角形がもとになっている。
  - ・ア～エのどれを動かしてもこの模様になると思う。
- アの図形をどのように動かしたらイ、ウ、エにぴったり重ね合わせることができるだろうか。

- 35 <個人追究・全体交流>  
○動かし方を調べ、用語を定義する。
- ・移動は「ずらす」「回す」「裏返す」だったから、この3つのうちどれかを使えばぴったり重ねることができる。
  - ・アからイの図形…「ずらす」→「平行移動」
  - ・アからウの図形…「回す」→「回転移動」
  - ・アからエの図形…「裏返す」→「対称移動」

45

「平行移動」…図形をある方向にある長さだけずらす移動  
 「回転移動」…図形をある定まった点O（回転の中心）を中心にして、ある向きにある角度だけ回す移動  
 「対称移動」…図形をある定まった直線l（対称軸）を軸として裏返す移動

○教科書の練習問題に取り組む。

<学習を振り返る>

1つの図形をしきつめてできる図形は、「平行移動」「回転移動」「対称移動」のいずれかを使えばすべて重ねることが分かった。そして合同な図形は、3つの移動のうちいくつかを使えば、必ず重なり合うことも分かった。

1. 導入の工夫  
実際に具体物を用いて移動が想起できるようにすることで、「移動」の理解を深められるようにする。

2. 深めの発問  
移動の前後を見比べて、「どのように移動させたらよいですか。」と問い、回転の中心や対称軸に着目できるようにする。そうすることで、対応する頂点や角、辺などに着目すると回転の中心や対称軸に気付けることを身に付けさせたい。

いろいろな移動 課題 下の図形をどのように移動したら、イ、ウ、エに重ね合わせることができるだろうか。

平行移動

ある方向に一定長さだけずらす移動

回転移動

図形のある定まった点Oを中心にして、ある向きにある角度だけ回す移動。点Oは回転の中心。

対称移動

ある定まった直線lを軸として裏返す移動。直線lは対称軸。

① 対称移動で①→ウ  
平行移動でウ→イ  
② 対称移動で①→エ  
回転移動でエ→イ

**【評価規準】〈知識・技能〉**  
平行移動、回転移動、対称移動を比較し、図形の性質について理解することができる。知⑦

15	<b>移動させた図形と もとの図形</b>	<p><b>【ねらい】</b> 移動させた図形ともとの図形を、対応する辺や角、頂点に着目して比較することを通して、対応する点を結んだ直線と対称軸や対称の中心の間に図形の性質があることを見出すことができる。</p>
----	---------------------------	--

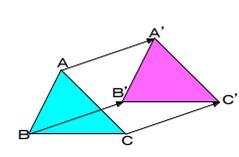
本時の役割について

本時は、移動させた図形ともとの図形の間にある性質を見出す時間である。性質を見出すには、対応する辺や角、頂点に着目し、距離や位置関係を調べることが必要である。コンパスや分度器、三角定規などを用いて操作や観察をして、図形の性質を見出す活動を大切にしたい。

時間	学習活動	深い学びに迫るための指導
----	------	--------------

00 <問題提示>

太郎君は、 $\triangle ABC$ を平行移動してできた $\triangle A'B'C'$ をみて、平行移動にはいろいろな性質があると考えた。どんな性質があるだろう。

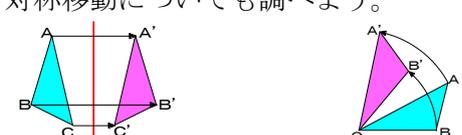


- 07
- ・対応する頂点を結んだ線は平行に見えるな。
- 平行移動させた図形ともとの図形には、どんな性質があるか調べよう。

- <個人追究・全体交流>
- 対応する辺や角、頂点について調べる。
- ・対応する辺はすべて平行だ。
  - ・対応する頂点を結んだ線分も全て平行で長さも等しい。
  - ・図形そのものが点の集まりだと考えると、どの点も同じように平行に移動したものだと思えることができる。

35 <他の移動についても調べる>

回転移動、対称移動についても調べよう。



- 45
- ・回転移動した図形では、回転の中心は対応する2点から等しい距離にある。対応する2点と回転の中心を結んでできる角の大きさはすべて等しい。
  - ・対称移動では、対応する2点を結ぶ線分と対称軸は垂直に交わる。対応する2点を結ぶ線分と対称軸の交点から対応する2点までの距離は等しい。
- <学習を振り返る>

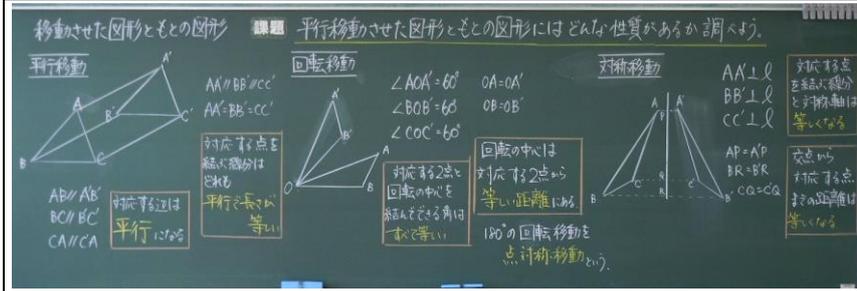
対応している辺や角、頂点をもとに、移動した図形の性質を調べると、距離に関する性質が多くあった。図形の性質を調べるには、距離と直角に着目するとよかったと学習したけれど、今日は、そこに着目したから性質が発見できたと思う。目の付け所が分かった。

1. 導入の工夫

図形の学習では、観察や操作が大切である。平行移動、回転移動、対称移動について、対応する頂点を結ぶ線分をひかせた後、線分の長さや角の大きさなどを実測する時間を十分に確保することで、どの生徒にも図形の性質を見出すことができるようにする。

2. 深めの発問

本時は3つの移動に関わる図形の性質を見出す時間である。「何を根拠にして図形の性質を見出すことができましたか。」と問い、振り返らせることで、今後の図形領域での学習では、観察、操作や実験が大切であることを自覚できるようにする。



**【評価規準】**  
**〈思考・判断・表現〉**  
 移動した図形ともとの図形の対応する辺や角、頂点から、距離に着目して図形の性質を見つめることができる。思②

16	図形の移動	<p><b>【ねらい】</b>          与えられた条件のもとで図形の移動の仕方を考えることを通して、移動した図形の性質をもとに、対応する点の位置を決定すればよいことに気付き、3つの移動を組み合わせて任意の場所に図形を移動させることができる。</p>
----	-------	---

本時の役割について

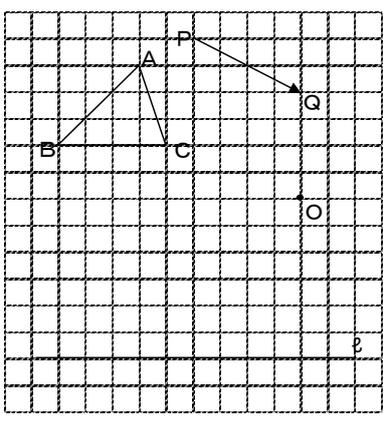
本時は、ある図形を任意の場所に移動した図形をかく時間である。移動は「平行移動」「回転移動」「対称移動」の3つを基本として、それらの組み合わせによって任意の場所に図形を移動させることができる。大切なことは、移動した図形の性質をもとにして、対応する点がどこへ移動するのかを見通すことである。

時間	学 習 活 動	深い学びに迫るための指導
----	---------	--------------

00 <問題提示>

次の図で、 $\triangle ABC$ を  
 ①から③の順に移動させ  
 なさい。

07 ①矢印PQの方向に線分  
 PQの長さだけ移動させ  
 る。  
 ②①の図形を、点Oを中心  
 として反時計回りに $90^\circ$   
 回転させる。  
 ③②の図形を直線 $l$ を対称軸  
 として対称移動させる。



35

・前の時間までに学習した移動の練習だからできそうだ。

3つの移動を利用して、点Aの移動先を見つけよう。

<個人追究・全体交流>

○三角定規、コンパス、分度器を使って移動した図をかく。

- ・①は三角定規を使ってPQとの平行線をかけばよい。
- ・②は移動した図形の頂点と点Oをつないだ線から $90^\circ$ 測ればかける。
- ・③は直線 $l$ に垂直で頂点を通る線をかけばよい。

○教科書の練習問題に取り組む。

45 <まとめ>

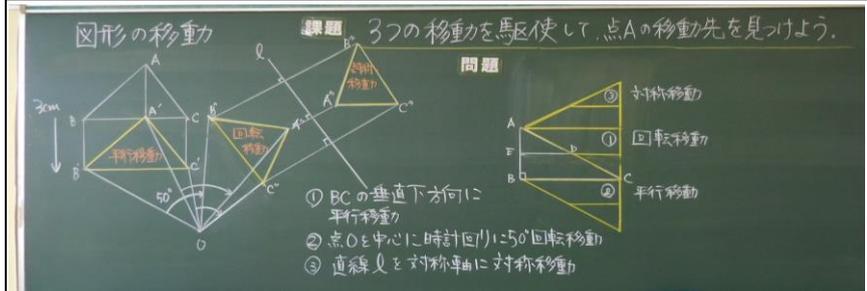
図形の移動では、どんな図形であっても、3つの移動「平行移動」「回転移動」「対称移動」を基本として、それらを組み合わせればよいことが分かった。

**1. 導入の工夫**

図形を移動させた図をかかせる時間を十分にとることで、定規やコンパスの使用に慣れさせることが重要である。ここでの指導が、今後の作図の基盤となることから、問題演習に多くの時間がとれるようにする。

**2. 深めの発問**

移動する回数を指定し、「どのように移動させれば指定されたの場所に移動させることができますか。」と問い、その説明を仲間同士で行う場を設定することで、自分の考えを確かにとともに、相手の考え方も聞き分けられるようにしたい。



**【評価規準】〈知識・技能〉**  
 移動した図形の性質をもとに、対応する頂点の移動を考えて任意の場所に図形を移動させることができる。知⑦

17	万華鏡の模様の見え方を考えよう	<p><b>【ねらい】</b>          日常に表れる図形を調べる活動を通して、一つの図形を移動することで様々な図形がつけられることに気づき、図形の移動を利用して問題を解決することができる。</p>
----	-----------------	---

本時の役割について

本時は、図形の性質を問題解決に活用する時間である。日常場面において図形の移動が活用されていることを問題解決の場面を通して実感できるようにしたいと考える。

時間	学習活動	深い学びに迫るための指導
----	------	--------------

00 <問題提示>

さくらさんは、外国から来た友達への贈り物として万華鏡を作ることにしました。

07 万華鏡の円柱状の筒の中には、底面が正三角形の角柱状の筒が入っています。その内側は鏡になっていて、穴からのぞくと、底面にある飾りがまわりの鏡に線対称に映って、美しい模様が見えます。模様見え方について次の問いに答えなさい。

35 (1)  $\triangle ABE$ ,  $\triangle HFI$ ,  $\triangle DEG$ には、それぞれどのような模様が見えますか。

(2)  $\triangle ABE$ ,  $\triangle HFI$ ,  $\triangle DEG$ の模様は、 $\triangle EBF$ の模様をいどうさせたものとみることができる。それぞれどのように移動しましたか。

- ・いろいろな図形を移動して作っているように見えるな。
- ・よく見れば、様々な図形が規則的に並んでいるみたいだ。どのような図形を、どのように移動させているのかな。

学習した移動の性質を利用して、問題を解決しよう。

45 <個人追究・全体交流>

(1) 中央の正三角形を移動させて模様ができると思えることができる。そこから、 $\triangle ABE$ ,  $\triangle HFI$ ,  $\triangle DEG$ に表れる模様もかくことができる。

(2) ・ $\triangle ABE$ は対称移動すれば重なるな。  
 ・ $\triangle HFI$ は回転移動すれば重なるけれど、対称移動を2回行っても重ねることができる。  
 ・ $\triangle DEG$ は対称移動か回転移動と対称移動を組み合わせれば重ねることができる。

△ 万華鏡の模様

「万華鏡」とは？  
 底面 正三角形の角柱状の筒  
 内側 鏡  
 鏡に線対称

図形の移動  
 規則的！

課 学習した移動の性質を利用して問題を解決しよう

(1)  $\triangle ABE$  -  $\triangle EBF$ をEBが対称軸  
 $\triangle HFI$  -  $\triangle EHF$ をHFが対称軸に  
 $\triangle DEG$  -  $\triangle DAE$ をDEが対称軸

(2)  $\triangle ABE$  - EBが対称軸 → 対称移動  
 $\triangle HFI$  - 点Fを対称の中心 → 120°回転移動  
 $\triangle DEG$  - AHが対称軸 → 対称移動

(3) 四角形MJKNを  
 点Kを回転の中心として  
 120°回転移動

1. 導入の工夫

実際の万華鏡の映像を生徒に見せる等の工夫をし、何か気が付くことがないかを問う。そうすることで、図形が規則的に並んでいる様子に気付かせ、今までの移動の学習を利用することで問題解決ができそうだと感じさせる。

2. 深めの発問

授業の終末に、「ほかにも日常生活の中で図形を移動させてできたと思えることができる模様はないですか。」と問うことで、移動の学習を日常とつなげて考えられるようにしていきたい。

**【評価規準】**

<思考・判断・表現>

日常に表れる模様を、図形を移動してできたものと考えて、問題を解決することができる。思③

18 たしかめよう

19 5章をふり返ろう